



ALGEBRA LINEAL.
SEGUNDO EXAMEN PARCIAL.
Grupo 9

Profesor ANIBAL SOSA

NOMBRE _____ CODIGO _____

1. (18 pts)
 - (a) Encuentre las ecuaciones simétricas y paramétricas de la recta ℓ que contiene los puntos $P(1, 1, -1)$ y $Q(0, 1, 2)$.
 - (b) Encuentre la ecuación de un plano π paralelo a la recta ℓ y que no la contenga.
 - (c) Calcule la distancia del punto Q al plano π .

2. (32 pts) Considere la matriz

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 & 3 & 4 \\ -1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & -1 & 3 & 5 & 6 \\ 3 & -4 & 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

- (a) Encuentre una base para el espacio fila de A y halle el $\text{rango}(A)$. Verifique que los vectores elegidos forman una base.
 - (b) Encuentre una base del espacio nulo de la matriz A y halle $\text{nulidad}(A)$. Verifique que los vectores elegidos forman una base.
3. (20 pts) Verifique que el conjunto $W = \{at^3 + bt^2 + ct + d : b = 3a - d, c = d - a\}$ sea un subespacio de P_3 , halle una base para W y $\text{dim}(W)$.
4. (30 pts) Determine para cada una de las siguientes afirmaciones su veracidad, argumentando en cada caso su respuesta:
 - (a) Sean \mathbf{u} y \mathbf{v} vectores no nulos en \mathbb{R}^n . Si \mathbf{w} es un vector no nulo ortogonal a \mathbf{u} y a \mathbf{v} entonces \mathbf{w} es ortogonal a cualquier combinación lineal de \mathbf{u} y \mathbf{v} .
 - (b) El conjunto de todos los puntos (x, y, z) que satisfacen la ecuación $ax + by + cz = 0$ forman un espacio vectorial.
 - (c) Sea $S = \{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3\}$ un subconjunto linealmente independiente en un espacio vectorial V . Considere $T = \{\mathbf{w}_1, \mathbf{w}_2, \mathbf{w}_3\} \subset V$, donde $\mathbf{w}_1 = \mathbf{v}_1 + \mathbf{v}_2$, $\mathbf{w}_2 = \mathbf{v}_1 + \mathbf{v}_3$ y $\mathbf{w}_3 = \mathbf{v}_2 + \mathbf{v}_3$, entonces T es un conjunto linealmente independiente en V .
 - (d) El conjunto $\{(2, 0, 0, 5), (0, 7, 7, 0), (0, 11, 0, 10)\}$ es una base de \mathbb{R}^4 .
 - (e) Sea A una matriz $n \times n$ tal que las columnas de A forman un conjunto linealmente independiente en \mathbb{R}^n , entonces las filas de A son una base de \mathbb{R}^n .
 - (f) Si A es una matriz 5×7 y $\text{nulidad}(A) = 2$ entonces las columnas de A son una base de \mathbb{R}^5 .