

**Observación:** Conteste las preguntas en el espacio asignado, el cual es suficiente para justificar o resolver cada numeral.

(20p) En las siguientes afirmaciones responda falso o verdadero, JUSTIFICANDO SU RESPUESTA.

a) Todos los números reales se pueden expresar como el cociente de números enteros.

b)  $\sqrt{a^2 + b^2} = a + b$

$$\sqrt{x^2} = x, \forall x \in \mathbb{R}$$

d) La expresión  $|x - 2| = \pi$ , me dice que la distancia de 2 a  $\pi$  es  $x$ .

e)  $\frac{5}{\sqrt{5}} = \sqrt{5}$

f)  $\sqrt[3]{108} - \sqrt[3]{32} = 1$

g) Al factorizar la expresión  $2x^2 - xy - y^2$ , se obtiene  $(2x + 1)(x + y)$

h) La solución de la ecuación  $w^2 = 3(w - 1)$ , es  $w = 1$

i)  $\sqrt{1 + \left(\frac{x}{\sqrt{1-x^2}}\right)^2} = \frac{1}{x}$

$$j) (a - b)^2 = a^2 - b^2$$

2(10) Deduzca la fórmula cuadrática,  $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$  a partir de la forma general de una ecuación cuadrática  $ax^2 + bx + c$ .

3. a) Simplifique la expresión  $\left(\frac{a^2b^{-3}}{x^{-1}y^2}\right)^3 \left(\frac{x^{-2}b^{-1}}{a^{3/2}y^{1/3}}\right)$

b) Despeje  $x$  de la ecuación  $\frac{ax + b}{cx + d} = 2$

c) Resuelva las inecuaciones, a)  $x^2 - 3x \leq 18$     b)  $|2x - 4| < 1$

4(10) La forma de una pista de carreras es de dos lados rectos y extremos semicirculares. Si la