

1. (1 punto) Encuentre una función vectorial que representa a la curva de intersección de las superficies

$$\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{48} + \frac{z^2}{8} = 1, \quad z \geq 0 \text{ e } y = x^2$$

2. (1 punto) Se sabe que hay una función vectorial $r(t)$ tal que :

$$r'(t) = \frac{3}{\sqrt[4]{t^5}} i - e^{-t} j + \text{Sen}(-2t) \text{ y que } r(0) = (0,1,1)$$

Encuentre las funciones vectoriales $r(t)$ y $r''(t)$ que satisfacen las condiciones anteriores.

3. (1 punto) Determine el rango y el dominio de $f(x,y) = \sqrt{16 - 4x^2 - y^2}$

4. (1 punto) Muestre si las segundas derivadas parciales $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$ y $\frac{\partial^2 f}{\partial y \partial x}$ son iguales o no si:

$$f(x,y) = 4x^4 - 2x^3y^5 - 9\text{Sen}(xy)$$

5. (1 punto) Si $W = f(x^3 + y^3)$ muestre si es cierto o no que

$$y^2 \frac{\partial w}{\partial x} - x^2 \frac{\partial w}{\partial y} = 0$$